



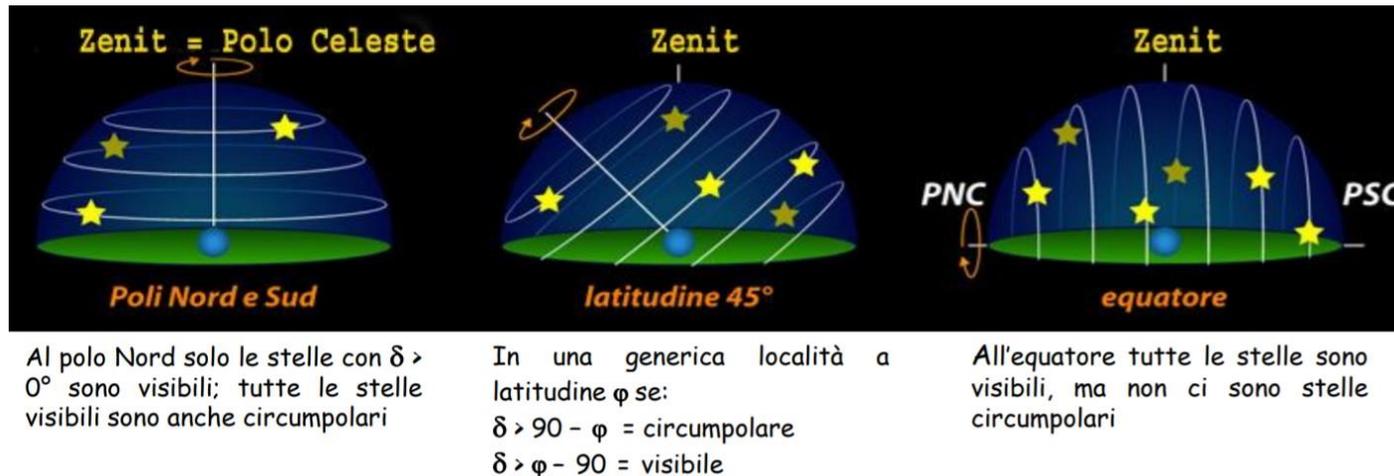
XIX Olimpiadi Italiane di Astronomia
Corso di preparazione alla Gara Interregionale
Categoria Junior 1 – Lezione 3

Problema 1

Quali delle seguenti stelle:

α Boo ($\delta = +19^\circ 11'$), α Lyr ($\delta = +38^\circ 47'$) e α UMa ($\delta = +61^\circ 45'$) risultano circumpolari a Catania, la cui latitudine è $\varphi = +37^\circ 31'$? Quali delle stesse stelle sono circumpolari al Polo Nord?

Soluzione



In una qualsiasi località a latitudine φ risultano circumpolari tutte le stelle con declinazione δ tale che:

$$\delta > 90^\circ - \varphi$$

A Catania risultano quindi circumpolari tutte le stelle con:

$$\delta > 90^\circ - 37^\circ 31' > 52^\circ 29'$$

Ovvero tra quelle in esame solo α UMa

Al Polo Nord essendo $\varphi = 90^\circ$ tutte le stelle con $\delta > 0$, quindi tutte quelle in esame, risultano circumpolari.

Problema 2

Un osservatore si trova alla latitudine $\varphi = 75^\circ$ Nord e vuole sapere se una cometa che ha declinazione $\delta = 30^\circ$ Sud risulta visibile da quel luogo.

Soluzione

In una qualsiasi località a latitudine φ risultano visibili (nel corso dell'anno e del moto diurno) tutti gli oggetti con declinazione δ tale che:

$$\delta > \varphi - 90^\circ$$

Quindi alla latitudine $\varphi = 75^\circ$ saranno visibili oggetti con:

$$\delta > 75^\circ - 90^\circ > -15^\circ$$

Sappiamo però che la rifrazione atmosferica, che nei pressi dell'orizzonte ha un valore di circa $35'$, fa aumentare la declinazione apparente di un oggetto. Quindi alla latitudine $\varphi = 75^\circ$ saranno visibili oggetti con:

$$\delta > 75^\circ - 90^\circ - 35' > -15^\circ 35'$$

Poiché la cometa ha declinazione $\delta = 30^\circ$ Sud, ovvero $\delta = -30^\circ$ non risulta mai visibile, anche considerando la rifrazione atmosferica, da una località posta alla latitudine di 75° Nord (si dice anche che la cometa risulta "anticircumpolare" per un osservatore a quella latitudine).

Problema 3

Un osservatore misura per il Polo Nord Celeste un'altezza costante sull'orizzonte $h = 37^\circ$, a che latitudine si trova?

Un secondo osservatore misura per l'equatore celeste un'altezza massima sull'orizzonte $h_{\max} = 30^\circ$, a che latitudine si trova?

Soluzione

I Poli celesti sono gli unici punti della sfera celeste che restano immobili durante il moto diurno.

L'altezza sull'orizzonte del Polo Celeste è pari alla latitudine del luogo, quindi il primo osservatore si trova nell'emisfero nord a una latitudine:

$$\varphi = 37^\circ$$

L'altezza massima (h_{\max}) di un corpo celeste con declinazione δ per un osservatore posto a latitudine φ si ha quando il corpo passa al meridiano in direzione sud e vale:

$$h_{\max} = 90 - \varphi + \delta$$

Tutti i punti dell'equatore celeste hanno, per definizione, $\delta = 0^\circ$ per cui avremo:

$$h_{\max \text{ Equatore Celeste}} = 90^\circ - \varphi + 0^\circ$$

$$30^\circ = 90^\circ - \varphi$$

da cui infine:

$$\varphi = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$$

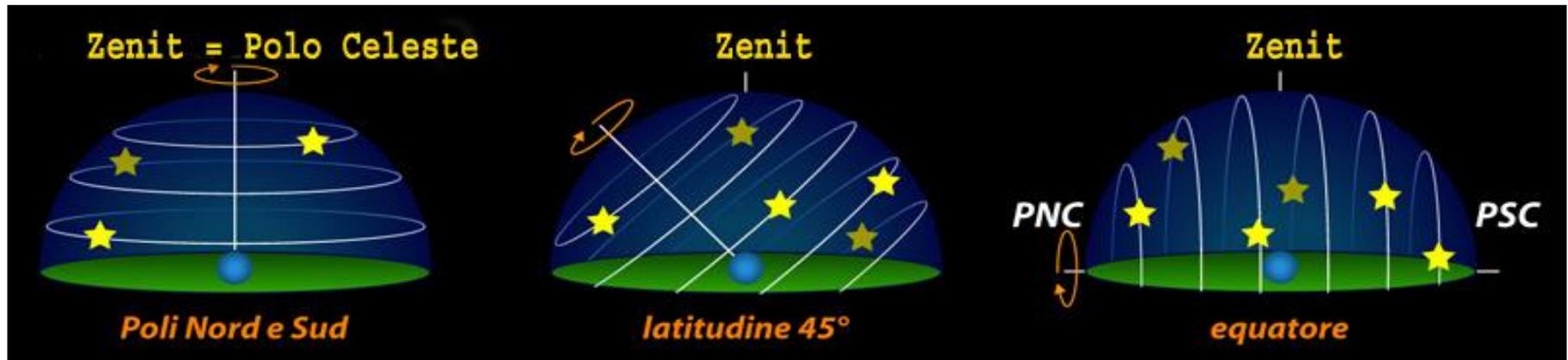
Problema 4

In quali condizioni l'altezza di una stella sull'orizzonte resta invariata nel corso di una giornata?

Soluzione

L'altezza di una stella resta invariata nel corso di una rotazione diurna solo in due casi:

1. L'osservatore si trova in uno dei poli terrestri; in questo caso l'altezza di **tutte** le stelle visibili resta invariata
2. La stella si trova esattamente in uno dei poli celesti; in questo caso un qualsiasi osservatore che non si trovi in uno dei poli terrestri potrà misurare un'altezza costante solo per **una** stella se questa ha declinazione $\delta = 90^\circ$ ($\delta = -90^\circ$ se l'osservatore si trova nell'emisfero sud). Nel caso in cui l'osservatore si trova esattamente all'equatore potrà misurare un'altezza costante solo per **due** stelle se queste hanno declinazione $\delta = 90^\circ$ e $\delta = -90^\circ$



Problema 5

Che declinazione deve avere una stella per essere circumpolare in località poste alle seguenti latitudini: $\varphi = 0^\circ$, $\varphi = 30^\circ$, $\varphi = 60^\circ$ e $\varphi = 90^\circ$?

Soluzione

In una qualsiasi località a latitudine φ risultano circumpolari tutte le stelle con declinazione δ tale che:

$$\delta > 90^\circ - \varphi$$

Se $\varphi = 0^\circ$ (equatore) saranno circumpolari le stelle con: $\delta > 90^\circ - \varphi > 90^\circ - 0^\circ > 90^\circ$

Quindi all'equatore non esistono stelle circumpolari

Se $\varphi = 30^\circ$ saranno circumpolari le stelle con: $\delta > 90^\circ - \varphi > 90^\circ - 30^\circ > 60^\circ$

Se $\varphi = 60^\circ$ saranno circumpolari le stelle con: $\delta > 90^\circ - \varphi > 90^\circ - 60^\circ > 30^\circ$

Se $\varphi = 90^\circ$ (polo nord) saranno circumpolari le stelle con: $\delta > 90^\circ - \varphi > 90^\circ - 90^\circ > 0^\circ$

Quindi al polo nord sono circumpolari tutte le stelle con declinazione positiva, mentre le stelle con declinazione negativa non sono mai visibili

Nota

Per effetto della rifrazione atmosferica, che all'orizzonte vale in media circa $35'$, risultano circumpolari anche le stelle con declinazione minore di circa $35'$ rispetto ai valori calcolati. Quindi, ad esempio, al polo nord sono circumpolari le stelle con $\delta > -35'$

Problema 6

Calcolare l'altezza massima sull'orizzonte del Sole all'equinozio di primavera per un osservatore posto al Polo Nord e per un osservatore posto all'equatore.

Soluzione

L'altezza massima (h_{\max}) di un corpo celeste con declinazione δ per un osservatore posto a latitudine φ si ha quando il corpo passa al meridiano in direzione sud e vale:

$$h_{\max} = 90^\circ - \varphi + \delta$$

All'equinozio di primavera (o di autunno) la declinazione del Sole è pari a zero (si trova cioè sull'equatore celeste) per cui avremo:

Polo Nord ($\varphi = 90^\circ$):
$$h_{\max} = 90^\circ - 90^\circ + 0^\circ = 0^\circ$$

Equatore ($\varphi = 0^\circ$):
$$h_{\max} = 90^\circ - 0^\circ + 0^\circ = 90^\circ$$

Problema 7

Calcolate l'ascensione retta del Sole ai solstizi e agli equinozi.

Soluzione

Nel corso di un anno, a causa del moto di rivoluzione della Terra, vediamo il Sole spostarsi rispetto alle stelle da Ovest verso Est, con la sua l'ascensione retta α_{\odot} che varia tra 0h e 24h (= 0 h)

All'equinozio di primavera, che cade tra il 20 e il 21 marzo, il Sole si trova nel punto γ (punto di Ariete), quindi per definizione:

$$\alpha_{\odot \text{Equinozio Primavera}} = 0 \text{ h}$$

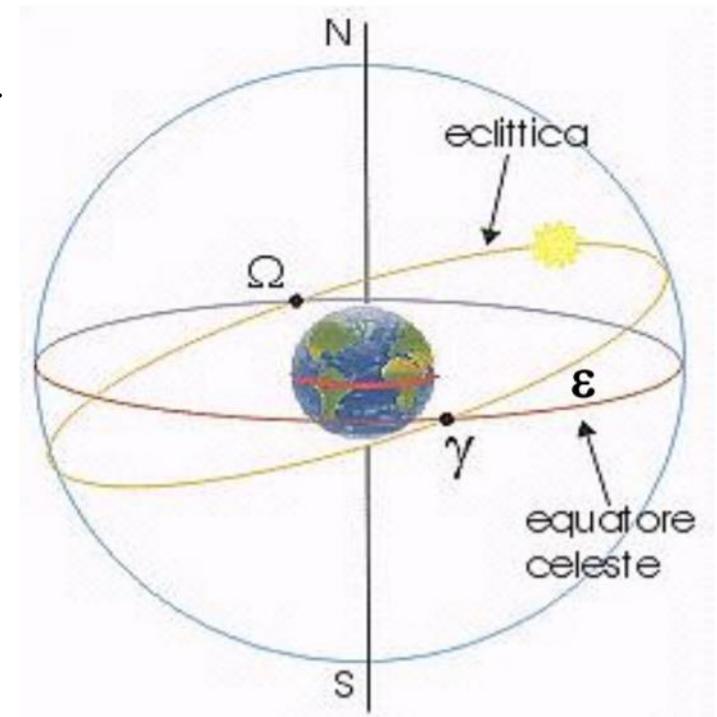
All'equinozio di autunno, che cade tra il 22 e 23 settembre, il Sole si trova nel punto Ω (punto della Bilancia), dalla parte opposta dell'eclittica e quindi:

$$\alpha_{\odot \text{Equinozio Autunno}} = 12 \text{ h}$$

I solstizi sono esattamente intermedi ai due equinozi, con il solstizio d'estate che cade tra il 20 e il 21 giugno e il solstizio d'inverno che cade tra il 21 e il 22 dicembre, avremo quindi:

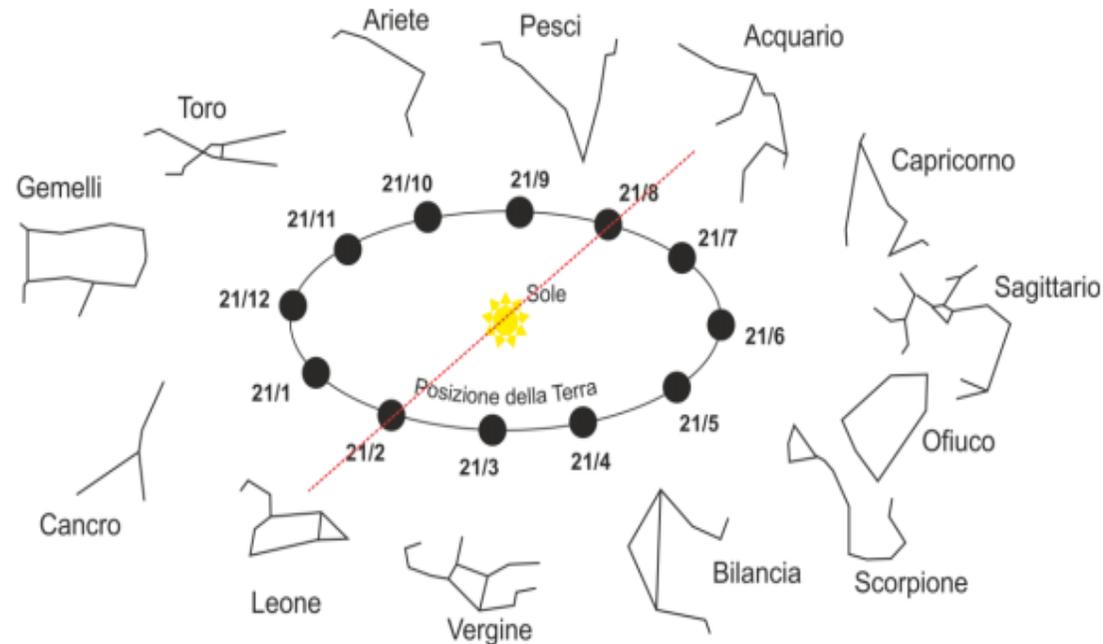
$$\alpha_{\odot \text{Solstizio Estate}} = 6 \text{ h}$$

$$\alpha_{\odot \text{Solstizio Inverno}} = 18 \text{ h}$$



Problema 8

La figura riportata in basso rappresenta la posizione della Terra, durante il suo moto di rivoluzione attorno al Sole il 21 di ogni mese, rispetto alle costellazioni dello zodiaco.

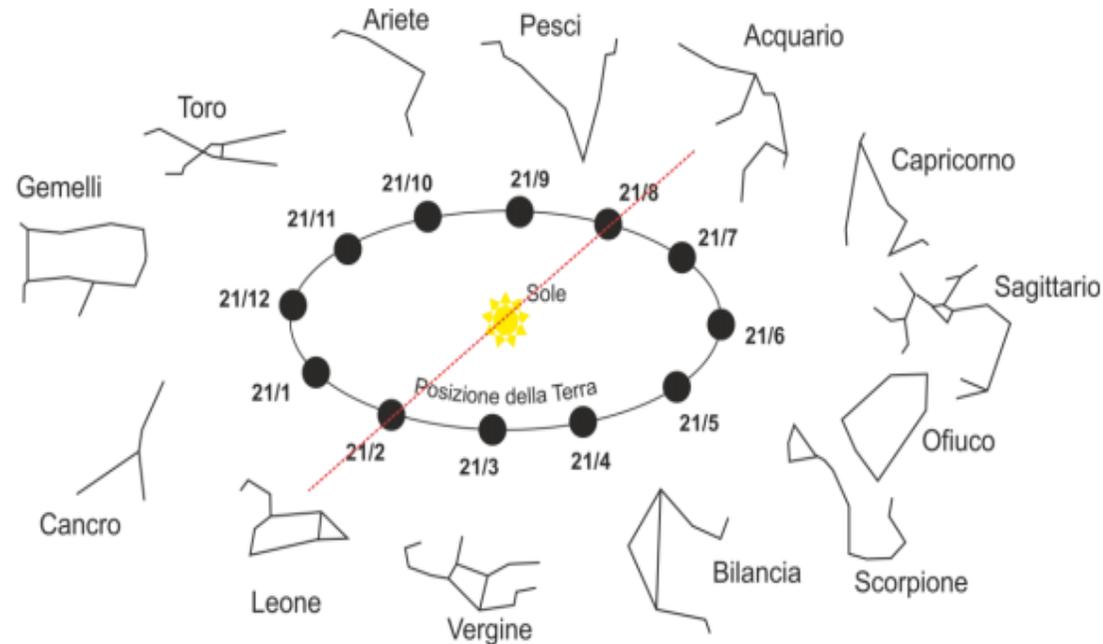


Se oggi è il 21 febbraio (21/2):

- In quale costellazione dello zodiaco appare il Sole?
- Quale costellazione dello zodiaco passerà al meridiano in direzione sud a mezzanotte?
- Quale costellazione dello zodiaco si troverà questa sera verso ovest appena dopo il tramonto del Sole?

Soluzione

Tracciamo la retta passante per la posizione della Terra il 21 febbraio e per il Sole.



- Guardando in direzione del Sole lo vedremo proiettato nella costellazione dell'Acquario
- Il Sole passa al meridiano in direzione sud a mezzogiorno, quindi a mezzanotte passerà al meridiano in direzione sud la costellazione dello zodiaco opposta rispetto a quella in cui si trova il Sole, ovvero il Leone
- La costellazione visibile verso ovest appena dopo il tramonto sarà quella adiacente (verso est) a quella in cui si trova il Sole. Poiché il Sole si trova nell'Acquario, verso ovest appena dopo il tramonto troveremo i Pesci

Problema 9

Quale giorno il Sole, osservato da una località posta sul Tropico del Cancro (latitudine $\varphi = 23^\circ 26'$), raggiunge l'altezza massima $h = 90^\circ$ sull'orizzonte? Illustrate la situazione con un disegno.

Soluzione

L'altezza massima (h_{\max}) di un corpo celeste con declinazione δ per un osservatore posto a latitudine φ si ha quando il corpo passa al meridiano in direzione sud e vale:

$$h_{\max} = 90^\circ - \varphi + \delta$$

Calcoliamo quindi quale deve essere la declinazione del Sole (δ_{\odot}) per soddisfare i dati del problema:

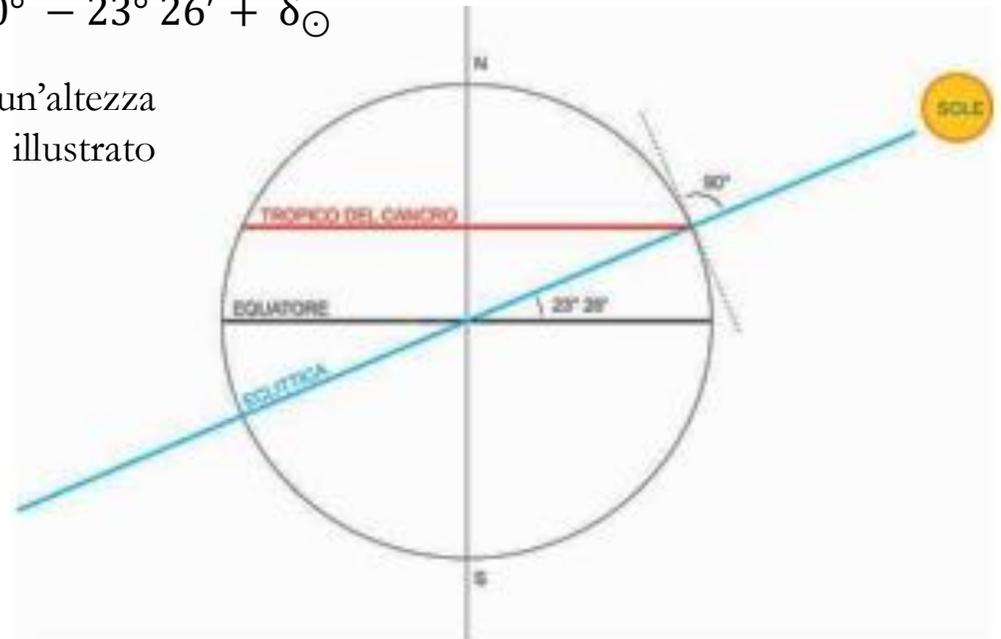
$$h_{\max\odot} = 90^\circ - \varphi_{\text{Tropico Cancro}} + \delta_{\odot}$$

$$90^\circ = 90^\circ - 23^\circ 26' + \delta_{\odot}$$

Quindi al Tropico del Cancro il Sole raggiunge un'altezza massima di 90° (ovvero passa allo zenith come illustrato in figura) quando:

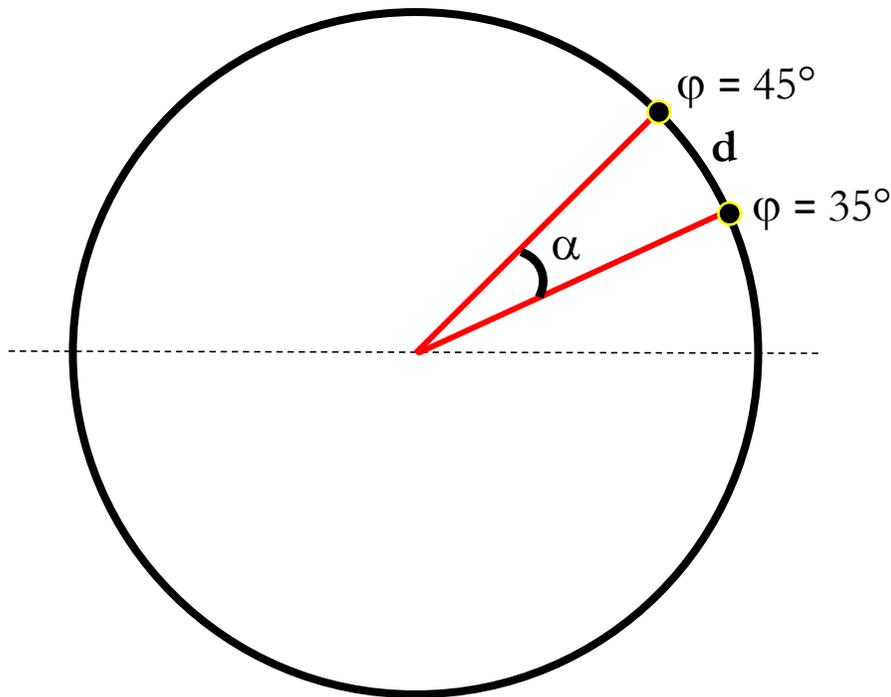
$$\delta_{\odot} = 23^\circ 26'$$

ovvero il giorno del solstizio d'estate.



Problema 10

La prima misura accurata delle dimensioni della Terra si deve a Eratostene di Cirene (275 a.C. - 195 a.C.) e fu ricavata misurando la differenza dell'altezza del Sole al solstizio d'estate in due località a distanza nota poste alla stessa longitudine. Supponendo la Terra sferica, quanto vale la lunghezza dell'arco di meridiano tra due località con uguale longitudine poste a latitudine $+35^\circ$ e $+45^\circ$? Rappresentate la soluzione anche graficamente.



Soluzione

L'angolo al centro α formato dai due raggi della Terra passanti per le due località è pari alla differenza di latitudine:

$$\alpha = 45^\circ - 35^\circ = 10^\circ$$

La lunghezza C della circonferenza della Terra è:

$$C = 2 \pi R_{\text{Terra}} \simeq 2 \pi \cdot 6378 \simeq 4.007 \cdot 10^4 \text{ km}$$

Dalla proporzione: $C : d = 360^\circ : 10^\circ$

si ricava:

$$d = \frac{C \cdot 10^\circ}{360^\circ} \simeq 1113 \text{ km}$$

Problema 12

Due osservatori si trovano alla stessa latitudine sul fuso orario di Roma (= UT + 1). Il primo osserva il Sole passare al meridiano alle 12:05, mentre il secondo osserva il passaggio del Sole al meridiano alle 12:15. Trascurando la variazione in ascensione retta del Sole, quanto distano in longitudine i due osservatori?

Soluzione

La differenza tra l'ora solare del passaggio del Sole al meridiano per due osservatori sullo stesso fuso orario ΔT è legata alla differenza di longitudine $\Delta \lambda$ dalla relazione:

$$\Delta T : 24h = \Delta \lambda : 360^\circ$$

da cui, considerando i tempi in minuti, ricaviamo:

$$\Delta \lambda = \frac{\Delta T \cdot 360^\circ}{24 \text{ h}} = \frac{10 \text{ minuti} \cdot 360^\circ}{1440 \text{ minuti}} = 2.5^\circ$$

Il secondo osservatore si trova a ovest del primo, perché vede passare il Sole al meridiano più tardi.

Problema 13

Un osservatore posto sul meridiano di Greenwich misura per una stella un angolo orario $H_G = 2h$. Nello stesso istante un secondo osservatore misura per la stessa stella un angolo orario $H = 4h 15m$. A che longitudine si trova il secondo osservatore?

Soluzione

Osservando nello stesso istante una data stella, una differenza di angolo orario ΔH misurata equivale a una differenza in longitudine $\Delta\lambda$ dei due osservatori pari a:

$$\Delta\lambda = \frac{360 \cdot \Delta H}{24}$$

Nel caso in esame:

$$\Delta\lambda = \frac{360 \cdot 2.25}{24} = 33^\circ.75 = 33^\circ 45'$$

Poiché il secondo osservatore misura un angolo orario maggiore, vuol dire che si trova a est del meridiano di Greenwich e quindi la sua longitudine è: $\lambda = 33^\circ 45'$

Problema 14

La notte del 22 dicembre 2015 il cielo a Milano ($\varphi = 45^\circ 28'$) rimase coperto per tutta la notte. Circa a mezzanotte fu possibile osservare vicino al meridiano in direzione sud, in mezzo alle nuvole, solo una stella molto luminosa. Quale tra le seguenti stelle: Sirio ($\alpha_{2000} = 6\text{h } 45\text{m}$, $\delta_{2000} = -16^\circ 42'$), Vega ($\alpha_{2000} = 18\text{h } 37\text{m}$, $\delta_{2000} = 38^\circ 47'$), Arturo ($\alpha_{2000} = 14\text{h } 15\text{m}$, $\delta_{2000} = 19^\circ 11'$), Canopo ($\alpha_{2000} = 6\text{h } 23\text{m}$, $\delta_{2000} = -52^\circ 41'$) e Antares ($\alpha_{2000} = 16\text{h } 29\text{m}$, $\delta_{2000} = -26^\circ 25'$), poteva essere quella osservata?

Soluzione

Ogni giorno alla mezzanotte passano al meridiano in direzione Sud le stelle che hanno un'Ascensione Retta (AR = α) che differisce di 12h rispetto a quella del Sole

Poiché il 22 dicembre è in prossimità del solstizio d'inverno, l'ascensione retta del Sole (α_{\odot}) vale:

$$\alpha_{\odot-22 \text{ dicembre}} \approx 18 \text{ h}$$

Trascurando la differenza dovuta al fatto che Milano non è esattamente sul meridiano centrale del fuso orario di Roma e gli effetti dovuti alla precessione, alla mezzanotte del 22 dicembre si trovano quindi in prossimità del meridiano in direzione sud nel cielo di Milano le stelle che hanno:

$$\alpha_{\text{stella}} \approx 6 \text{ h}$$

Delle stelle elencate solo Sirio e Canopo hanno un'ascensione retta prossima a 6h

Tuttavia a Milano sono visibili solo le stelle la cui declinazione δ è:

$$\delta > \varphi_{\text{Milano}} - 90^\circ > 45^\circ 28' - 90^\circ > -44^\circ 32'$$

Quindi da Milano non è possibile vedere Canopo (che risulta anticircumpolare) e la stella osservata era Sirio.

Problema 15

Nell'emisfero Boreale a partire da quale latitudine si può assistere al fenomeno del "Sole di mezzanotte"?

Soluzione

Affinché si possa osservare a mezzanotte occorre che il Sole sia visibile quando transita al meridiano in direzione nord, ovvero che risulti circumpolare. Dobbiamo quindi calcolare a partire da quale latitudine minima il Sole risulta circumpolare almeno per un giorno

La declinazione del Sole (δ_{\odot}) durante l'anno è compresa nell'intervallo $-23^{\circ} 26' < \delta_{\odot} < + 23^{\circ} 26'$

In una qualsiasi località a latitudine φ risultano circumpolari tutte le stelle con declinazione δ tale che:

$$\delta > 90^{\circ} - \varphi$$

Considerando la massima declinazione del Sole otteniamo:

$$\varphi > 90^{\circ} - 23^{\circ} 26' > 66^{\circ} 34'$$

Tale valore corrisponde alla latitudine del Circolo Polare Artico, dove il Sole sarà circumpolare solo il giorno del solstizio d'estate. Spostandosi a latitudini più elevate aumentano i giorni in cui è possibile osservare il Sole a mezzanotte, fino ad arrivare al Polo Nord, dove il Sole è visibile sopra l'orizzonte per metà dell'anno.

In realtà due fattori estendono verso sud il limite del "Sole di Mezzanotte", le dimensioni apparenti del disco solare, che ha un raggio di circa $16'$, e la rifrazione dell'atmosfera, pari a circa $35'$ all'orizzonte. Questi due fattori portano il limite minimo di latitudine al valore:

$$\varphi > 66^{\circ} 34' - 16' - 35' \gtrsim 65^{\circ} 43'$$

e aumentano il numero di giorni in cui il Sole è circumpolare alle latitudini maggiori.

Problema 16

Nella seconda metà del mese di Giugno un orso bianco sosta per alcuni giorni al Polo Nord. In quei giorni la Luna è prossima alla fase di Luna Piena. Può l'orso vederla in cielo?

Soluzione

Le osservazioni si svolgono in prossimità del solstizio d'estate, quando il Sole si trova nella parte più settentrionale dell'eclittica e la sua declinazione è: $\delta_{\odot} \approx +23^{\circ}$

Al polo Nord il polo celeste coincide con lo zenit e l'equatore celeste con l'orizzonte; di conseguenza l'altezza di un astro ha lo stesso valore della sua declinazione. Al polo Nord, nel suo moto apparente diurno in prossimità del solstizio d'estate, il Sole percorre quindi un cerchio quasi parallelo all'orizzonte (un almucantarato) con altezza:

$$h_{\odot} = \delta_{\odot} \approx +23^{\circ}$$

senza mai tramontare

La Luna è Piena quando si trova in direzione esattamente opposta a quella del Sole, quindi nei giorni delle osservazioni dell'orso la sua declinazione risulta: $\delta_{\text{Luna}} \approx -23^{\circ}$

L'orbita della Luna è inclinata di circa $\pm 5^{\circ}$ sull'eclittica, tuttavia anche considerando un valore positivo la sua altezza sull'orizzonte risulta:

$$h_{\text{Luna}} = \delta_{\text{Luna}} \approx -23^{\circ} + 5^{\circ} \approx -18^{\circ}$$

Di conseguenza al Polo Nord in prossimità del solstizio d'estate se la Luna è prossima alla fase di Luna Piena resta sempre sotto l'orizzonte e l'orso non può vederla.

